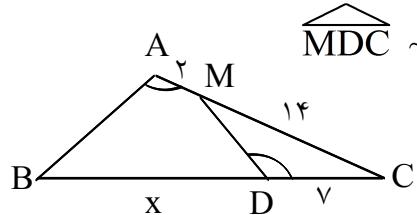


۱- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.



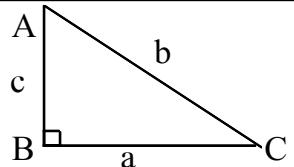
[آزمون یار نگارش دانش آموز]، پاره خط های متناسب در دو شکل م، و دوره دوم متوسطه - سراسری - ریاضی - ۸۶ - ریاضی ، شماره : ۱۴۰۶۸

۲- چون زوایای B و E برابرند در نتیجه $BC \parallel ED$ خواهد شد مطابق قضیه تالس داریم:

$$\frac{BC}{ED} = \frac{AB}{AE} \Rightarrow \frac{9}{6} = \frac{x + 8}{8} \Rightarrow 72 = 6x + 48 \Rightarrow 6x = 24 \Rightarrow x = 4$$

بنابراین گزینه ۱ صحیح است.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، قضیه تالس، و دوره دوم متوسطه - سراسری - تجربی - ۷۴ - مرحله دوم ، شماره : ۱۶۴۲۲



$$\left. \begin{array}{l} b^2 = 2ac \\ b^2 = a^2 + c^2 \end{array} \right\} \Rightarrow a^2 + c^2 = 2ac$$

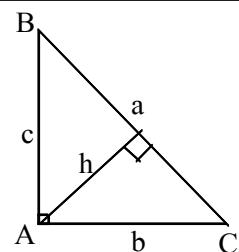
-۳

$$\Rightarrow (a - c)^2 = 0 \Rightarrow a = c$$

يعني مثلث ABC مثلث قائم الزاويه متساوي الساقين است. پس $C = 45^\circ$ است. گزینه ۲ صحیح است.

۱۸- شماره : ۳۶ - راضیه ، ۳۷ - تحریر ، ۳۸ - سراسری - متوسطه دوم دوره و فثاغورث، قصبه آموز[، نگارش، دانش، آموز]

۴- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. می‌دانیم در مثلث مساحت برابر است با نصف حاصلضرب قاعده و ارتفاع آن.



$$S = \frac{1}{2}bc = \frac{1}{2}ah \Rightarrow 5 \times 12 = 13 \times h \Rightarrow h = \frac{60}{13}$$

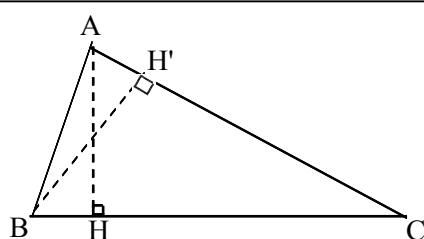
با توجه به شکل:

۱۴۶۱۳ شماره : مرحله دوم - تجربی - سراسری - متوسطه دوم دوره ، مساحت مثلث ، آموزش دانش آموز [آزمون یار نگارش

۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است زیرا در مثلث متساوی الساقین، ارتفاع و میانه‌ی وارد بر قاعده با هم مساویند.
بررسی گزینه‌های ۱ و ۳: می‌دانیم در مثلث قائم الزاویه و تر بزرگترین ضلع است.
هر ضلع کناری از ارتفاع بزرگتر است. در مثلث قائم الزاویه، مساوی است.
بررسی، گزینه ۴: در مثلث متساوی الساقین، ارتفاع قاعده و عمودمنصف آن متمایز نیستند.

۱۳۸۰۴ آزمون نار نگارش، دانش آموز، استدلال در هندسه، و دوره دوم متوسطه - سر اسوسی، ۷۸ - ریاضی، ۶۷ - انسانی، ۶۵

۶- می دانیم که مساحت هر مثلث برابر است با نصف حاصلضرب هر ضلع در ارتفاع وارد بر آن ضلع پس :



بنابراین گزینه ۱ جواب صحیح است.

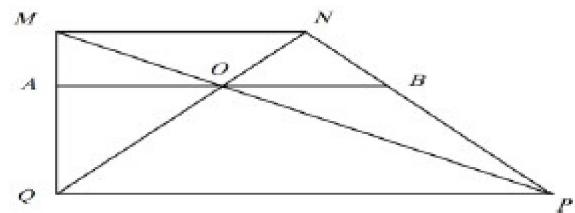
[آزمون یار نگارش دانش آموز]، مثلث، و دوره دوم متوسطه - سراسری - ریاضی - ۶۷ - ریاضی ، شماره : ۱۴۹۹۰

۷- می دانیم در مثلث متساوی الساقین، اهرتگوشه تکیه میلرداری نهاده میز یا پنجه میز باز این علی‌جهة و مهیج استطبند. بنابراین کزینه ۴ پاسخ صحیح

شرکت نوین دانش

تلفن: ٦٦٤٣١٩٤٨ ، نمبر: ٦٦٩٠٣٤٨

-۸- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



$$\left. \begin{array}{l} \frac{OA}{MN} = \frac{AQ}{QM} \\ \frac{OB}{MN} = \frac{BP}{PN} \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تمم}} \frac{OA}{OB} = \underbrace{\frac{AQ}{QM}}_{1} \times \underbrace{\frac{PN}{BP}}_{1}$$

$$\Rightarrow \frac{OA}{OB} = 1$$

$$\text{تالس در ذوزنقہ می گوید} : \frac{AQ}{QM} = \frac{BP}{PN}$$

[آزمون پایان نگارش دانش آموز] ، درس اول: چند ضلعی ها و بینگوی ها ، و دوره دوم متوسطه - سراسری - تجربی - ۹۷ - ریاضی ، شماره: ۹۷۳۰۲۴

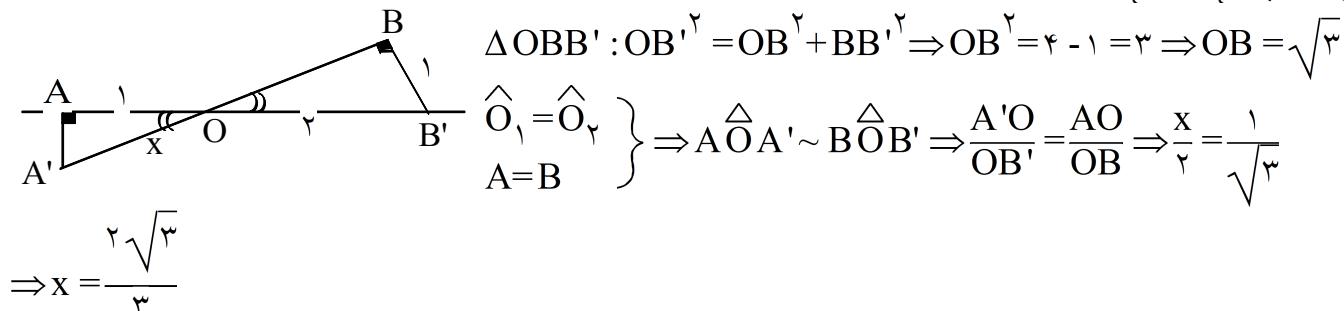
۹- در دو مثلث متشابه، نسبت مساحتها برابر است با مربع نسبت اضلاع، پس نسبت اضلاع برابر k است لذا:

$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'} = k \Rightarrow \frac{a + b + c}{a' + b' + c'} = \frac{ka' + kb' + kc'}{a' + b' + c'} = k$$

لذا گزینه ۲ جواب صحیح است.

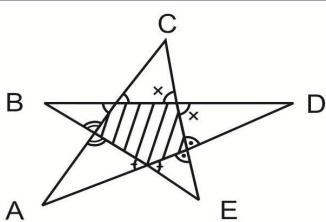
[آزمون پار نگارش دانش آموز] ، تناسب و نسبت محیط و مساحت دو م، و دوره دوم متوسطه - سراسری - تجربی - ۶۷ - ریاضی ، شماره: ۱۶۱۶۲

۱۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



[آزمون پار نگارش دانش آموز]، تشابه مثلثها، و دوره دوم متوسطه - سراسری - ریاضی - ۹۱ - ریاضی، شماره: ۲۶۶۹۵۷

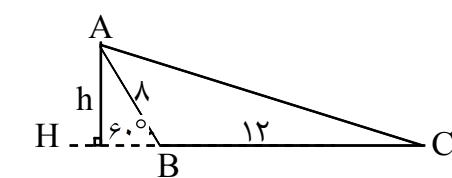
۱۱- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. پنج مثلث کوچک، شامل زوایای مورد نظر است ولی این پنج مثلث، زوایای دیگری هم دارند که زوایای خارجی پنج ضلعی میانی هستند. البته هر زاویه خارجی دو بار محاسبه می شود. مجموع زوایای خارج حذل خباء دران 360° است.



$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} + \hat{D} + E = 5(18^\circ) - 2(36^\circ) = 18^\circ$$

۱۶۵۴۵ - شماره : مرحله دوم - تجربی - سراسری - متوسطه چند ضلعی، زوایای داخلی چند ضلعی، و دوره دوم آزمون پارنگارش دانش آموز

۱۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در مثلث مقابل چون یک زاویه منفرجه وجود دارد ارتفاع وارد بر ضلع به طول ۱۲ خارج مثلث قرار می‌گیرد.

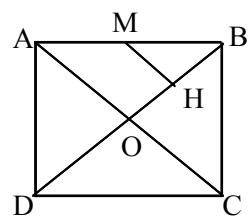


با توجه به شکل، ارتفاع وارد بر ضلع به طول ۱۲ برابر است با:
 $\sin 60^\circ = \frac{h}{\sqrt{3}}$ و یا $\sin 60^\circ = \frac{h}{2\sqrt{3}}$. پس مساحت مثلث برابر است

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} BC \cdot AH = \frac{1}{2}(12)(8) \frac{\sqrt{3}}{2} = 48\sqrt{3}$$

۱۰

۱۶۳۰۷ - شماره اول - تحریری - ۷۰ - هر آنکه کمیل فکاری داشت تعلوی - پایه خشتو ملکایین و صوفی و ممنوعه ملکه متس اسری



- ۱۳- مطابق شکل، می‌دانیم $AC \perp BD$ و آن را نصف می‌کند پس :
- $$AB = 4 \Rightarrow AC = \sqrt{AB^2 + BC^2} = \sqrt{32} = 4\sqrt{2} \Rightarrow AO = 2\sqrt{2}$$
- نقاط M و H به ترتیب وسطهای AB و OB هستند. پس :
- $$\frac{MH}{AO} = \frac{BM}{AB} = \frac{BH}{BO} = \frac{1}{2} \Rightarrow MH = \frac{1}{2}AO = \sqrt{2}$$
- بنابراین گزینه ۲ صحیح است.

[آزمون یار نگارش دانشآموز]، قضیه تالس، و دوره دوم متوسطه - سراسری - ریاضی - ۷۳ - مرحله دوم ، شماره : ۱۵۵۵۳

- ۱۴- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. در مثلث قائم‌الزاویه $\triangle DPC$ ، PH ارتفاع وارد بر وتر است، داریم:
- $$PH^2 = DH \cdot CH = AP \cdot PB \Rightarrow PH^2 = 3 \times 9 = 27 \Rightarrow PH = AD = \sqrt{27} = 3\sqrt{3}$$
- $$3AP = 9 \Rightarrow AP = 3$$
- $$DP^2 = AD^2 + AP^2 = 27 + 9 = 36 \Rightarrow DP = 6$$

[آزمون یار نگارش دانشآموز]، قضیه فیثاغورس، و دوره دوم متوسطه - سراسری - تجربی - ۸۱ - ریاضی ، شماره : ۴۶۷۱۳

- ۱۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.
-
- $$\frac{x}{x+y} = \frac{4}{9} \Rightarrow 9x = 4x + 28$$
- $$\Rightarrow 5x = 28 \Rightarrow x = \frac{28}{5} = 5.6$$
- $$\frac{y}{5+y} = \frac{4}{9} \Rightarrow 9y = 4y + 20 \Rightarrow 5y = 20 \Rightarrow y = 4$$

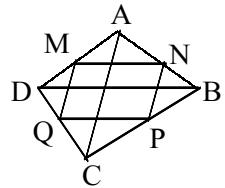
$$MAB \text{ محیط مثلث } p = 4 + 5.6 + 4 = 13.6$$

[آزمون یار نگارش دانشآموز]، قضیه تالس، و دوره دوم متوسطه - سراسری - تجربی - ۹۹ - نظام جدید - ریاضی و دوره دوم متوسطه - سراسری - تجربی - ۹۹ - نظام قدیم - ریاضی ، شماره : ۱۱۰۷۶۸

- ۱۶- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.
- ابتدا شکل را رسم می‌کنیم، چون $BD \parallel AC$ است پس $AB = AC$ داریم :
-
- $$\left. \begin{aligned} A_1 &= A_2 \\ A_1 + A_2 &= B + C \end{aligned} \right\} \Rightarrow A_2 = C \Rightarrow AD \parallel BC \Rightarrow B_2 = D = B_1$$
- $$\Rightarrow ADB \Rightarrow AD = AB = AC$$

نکته: در مثلث متساوی‌الساقین، نیمساز خارجی زاویه رأس با قاعده موازی است.

[آزمون یار نگارش دانشآموز]، اجزای مثلث، و دوره دوم متوسطه - سراسری - تجربی - ۷۳ - مرحله دوم ، شماره : ۱۶۵۴۴



۱۷- در صورتی که یک چهارضلعی کوثر (محدب) باشد و M, N, P و Q به ترتیب اوساط اضلاع AD, AB, BC و CD باشند. (طبق قضیه تالس) داریم:

$$\left. \begin{array}{l} MN \parallel \frac{1}{2} BD \\ PQ \parallel \frac{1}{2} BD \end{array} \right\} \Rightarrow MN \parallel PQ, \quad \left. \begin{array}{l} NP \parallel \frac{1}{2} AC \\ MQ \parallel \frac{1}{2} AC \end{array} \right\} \Rightarrow NP \parallel MQ$$

بنابراین اضلاع روبرو چهارضلعی $MNPQ$ با یکدیگر موازی و مساوی بوده و چهارضلعی حاصل یک متوازی‌الاضلاع است. می‌دانیم در چهارضلعی محیطی، مجموع اضلاع روبرو برابر با مجموع دو ضلع دیگر می‌باشد یعنی: $AB + DC = AD + BC$. که این مطلب، نتیجهٔ دیگری را به نتیجهٔ بدست آمده اضافه نمی‌کند. بنابراین چهارضلعی $MNPQ$ متوازی‌الاضلاع بوده و گزینه ۴ صحیح است.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، قضیه تالس، دوره دوم متوسطه - سراسری - ریاضی - ۶۹ - مرحله دوم - ریاضی ، شماره: ۱۵۱۴۹

۱۸- با توجه به قضیه تالس چون $EF \parallel BC$ لذا دو مثلث AEC و AEF متشابه هستند بنابراین اضلاع متناظر، متناسبند $\frac{AE}{AB} = \frac{EF}{BC} \Rightarrow \frac{AE}{AE + ۳} = \frac{۵}{۷} \Rightarrow ۷AE = ۵AE + ۱۵ \Rightarrow ۲AE = ۱۵ \Rightarrow AE = \frac{۱۵}{۷}$ پس: $AE = \frac{۱۵}{۷}$ پس گزینه ۴ صحیح است.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، قضیه تالس، دوره دوم متوسطه - سراسری - تجربی - ۷۱ - مرحله دوم ، شماره: ۱۶۴۱۲

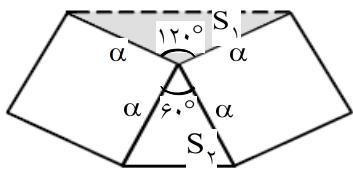
۱۹- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. میانه‌ی وارد بر وتر، نصف وتر است:
 $AM = \frac{1}{2} BC = MC \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{C}_1$
 $\hat{M}\hat{A}\hat{H} = ۱۲^\circ \Rightarrow \hat{A}\hat{M}\hat{H} = ۹۰ - ۱۲ = ۷۸^\circ$
 $\hat{A}\hat{M}\hat{H} = \hat{A}_1 + \hat{C}_1 = ۲\hat{C}_1 = ۷۸^\circ \Rightarrow \hat{C}_1 = ۳۹^\circ$

*نکته: در مثلث قائم‌الزاویه، بین ارتفاع و میانه وارد بر وتر برابر تفاضل دو زاویه حاده مثلث است.
 $(\hat{M}\hat{A}\hat{H} = \hat{B} - \hat{C})$.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس اول: چندضلعی‌ها و ویژگی‌ها ، دوره دوم متوسطه - سراسری - تجربی - ۹۷ - ریاضی ، شماره: ۹۷۳۰۲۲

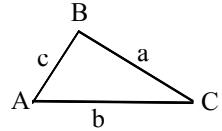
۲۰- در مثلث قائم‌الزاویه اگر دو ضلع قائمه a و b باشد، مساحت بصورت $S = \frac{1}{2}ab$ است. اگر ضلع b از مثلث را واحد اضافه نماییم، تغییر مساحت برابر است با:
 $S' = \frac{1}{2}a(b + ۵) = \frac{1}{2}ab + \frac{5}{2}a$
پس به مقدار مساحت $\frac{1}{2}ab$ برابر ضلع دیگر افزوده می‌شود. پس گزینه ۱ صحیح است.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، مثلث قائم، و دوره دوم متوسطه - سراسری - تجربی - ۷۱ - مرحله دوم و دوره دوم متوسطه - سنجش علمی آزمون یار - ۸۱-۸۲ - متوسطه - پایه دوم - آزمون ۲ ، شماره: ۱۶۴۰۹



$$S_{ABC} = \frac{1}{2} ab \sin C$$

$$\left\{ \begin{array}{l} S_1 = \frac{1}{2} a \times a \times \sin 120^\circ \\ S_2 = \frac{1}{2} a \times a \times \sin 60^\circ \end{array} \right. \Rightarrow \frac{S_1}{S_2} = \frac{\cancel{a} \times \cancel{a} \times \sin 120^\circ}{\cancel{a} \times \cancel{a} \times \sin 60^\circ} = 1$$



توضیح: از آن جا که 120° و 60° مکمل یکدیگرند، مقدار \sin شان با هم برابر است.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، مساحت مثلث، و دوره دوم متوسطه - سراسری - ریاضی - ۹۳ (سراسری - آزاد) - ریاضی، شماره: ۳۳۸۹۴

$$\begin{aligned} & \text{- ۲۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. نسبت } S_1 \text{ به } S_2 \text{ را خواسته است. زوایای اطراف نقطه } A \text{ برابر } 180^\circ \text{ است.} \\ & \text{پس زاویه منفرجه مثلث بالایی برابر } 120^\circ \text{ است. می‌دانیم مساحت هر مثلث } ABC \text{ از رابطه زیر بدست می‌آید:} \\ & \left\{ \begin{array}{l} S_1 = \frac{1}{2} a \times a \times \sin 120^\circ \\ S_2 = \frac{1}{2} a \times a \times \sin 60^\circ \end{array} \right. \Rightarrow \frac{S_1}{S_2} = \frac{\cancel{a} \times \cancel{a} \times \sin 120^\circ}{\cancel{a} \times \cancel{a} \times \sin 60^\circ} = 1 \\ & \frac{(n-2) \times 180}{n} = \frac{n \times 180}{n+2} - 2 = \frac{180n - 2n - 4}{n+2} \Rightarrow (n^2 - 4) 180 = (178n - 4)(n) \\ & \Rightarrow 2n^2 + 4n - 720 = 0 \Rightarrow n^2 + 2n - 360 = 0 \Rightarrow (n+20)(n-18) = 0 \Rightarrow n = 18 \end{aligned}$$

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، استدلال استقرایی، و دوره دوم متوسطه - سراسری - ریاضی - ۷۰ - مرحله دوم ، شماره: ۱۵۲۴۰

- ۲۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در مکعب مقابل صفحه‌ی گذرا بر يال AB و نقطه‌ی M وسط يال دیگر مکعب رسم شده است. اگر طول ضلع مکعب a باشد آنگاه داریم:

$$\begin{aligned} & \text{A} \quad \text{B} \quad \text{M} \quad \text{N} \quad \text{H} = \text{حجم منشور} (\text{قسمت کوچکتر}) \\ & \text{H} = \frac{1}{2}(a) \left(\frac{a}{2} \right) (a) = \frac{a^3}{4} \\ & \text{H} = a^3 - \frac{a^3}{4} = \frac{3a^3}{4} \quad \text{حجم منشور - حجم مکعب} = \text{حجم قسمت بزرگتر} \\ & \frac{\frac{a^3}{4}}{\frac{3a^3}{4}} = \frac{1}{3} \quad \text{حجم قسمت کوچکتر} \\ & \frac{\frac{a^3}{4}}{\frac{3a^3}{4}} = \frac{1}{3} \quad \text{حجم قسمت بزرگتر} \end{aligned}$$

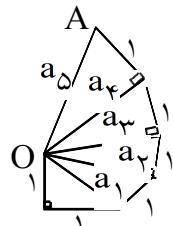
بنابراین:

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس دوم: تفکر تجسمی، و دوره دوم متوسطه - سراسری - ریاضی - ۹۸ - نظام جدید - ریاضی و دوره دوم متوسطه - سراسری - ریاضی - ۹۸ - نظام قدیم - ریاضی، شماره: ۱۰۴۷۳۹۰

$$\begin{aligned} & \text{- ۲۴- اگر طول مستطیل را } a \text{ و عرض آن را } b \text{ بنامیم و مقدار ثابت ذکر شده در مسئله را } X \text{ بنامیم، خواهیم داشت:} \\ & \text{مقداری ثابت } [(b-x) + (a+x)] \times 2 = (a+b) \times 2 = \text{محیط} \\ & \text{مساحت } = (a+x)(b-x) = ab + (b-a)x - x^2 \\ & \text{چون } 0 < a - b \text{ است، پس مساحت کمتر می‌شود. بنابراین گزینه ۳ صحیح می‌باشد.} \end{aligned}$$

[آزمون یار نگارش، دانش آموز، مستطیل، و دوره دوم متوسطه - سراسری - تحریر، - ۷۵ - مرحله دوم و دوره دوم متوسطه - سراسری، نظام قدیم - تحریر، - ۷۵ - مرحله دوم - ریاضی، شماره: ۱۶۷۰۴]

هر گونه کپی برداری از تعلیمی یا بخشی از این صفحه ممنوع است.



-۲۵- طبق رابطه فیثاغورث اگر طول وترها را بطور متواالی a_5, a_4, \dots, a_1 بنامیم داریم:

$$a_1^2 = 1^2 + 1^2 = 2, \quad a_2^2 = a_1^2 + 1^2 = 3$$

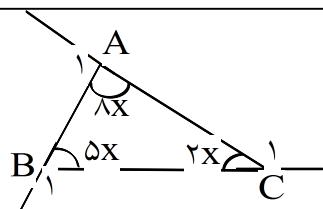
$$a_3^2 = a_2^2 + 1^2 = 4, \quad a_4^2 = a_3^2 + 1^2 = 5$$

$$a_5^2 = a_4^2 + 1^2 = 6 \Rightarrow a_5 = \sqrt{6} \Rightarrow OA = a_5 = \sqrt{6}$$

پس گزینه ۳ صحیح است.

[آزمون یار نگارش دانشآموز، قضیه فیثاغورث، دوره دوم متوسطه - سراسری - ریاضی - ۷۰ - مرحله دوم، شماره: ۱۵۲۳۹]

-۲۶- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.



$$2x + 5x + 2x = 15x = 180^\circ \Rightarrow x = 12$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \hat{A} = 8x = 96^\circ \Rightarrow \hat{A}_1 = 180 - \hat{A} = 84^\circ \\ \hat{B} = 5x = 60^\circ \Rightarrow \hat{B}_1 = 120^\circ \\ \hat{C} = 2x = 24^\circ \Rightarrow \hat{C}_1 = 156^\circ \end{cases}$$

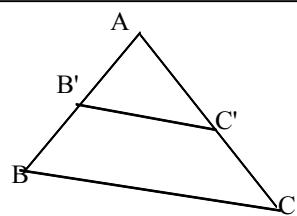
نکته: کوچکترین زاویه خارجی مثلث مربوط به بزرگترین زاویه داخلی مثلث (\hat{A}) می‌باشد.

[-۳- ضلع و ۳ زاویه، دوره دوم متوسطه - سراسری - تجربی - ۸۰ - ریاضی و دوره دوم متوسطه - سنجش علمی آزمون یار - ۸۰-۸۱ - متوسطه - پیش دانشگاهی - آزمون ۱۱ - تجربی، شماره: ۴۸۳]

-۲۷- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. می‌دانیم در دو مثلث متشابه نسبت محیط‌ها برابر نسبت تشابه و نسبت مساحت‌ها برابر مجدد نسبت تشابه است.

$$\frac{S}{S'} = \left[\frac{2p}{2p'} \right]^2 = k^2 \Rightarrow \frac{25}{S'} = \left(\frac{15}{8} \right)^2 = \frac{225}{64} \Rightarrow S' = \frac{64 \times 25}{225} = \frac{64}{9} = \sqrt{\frac{64}{9}}$$

[یاری و دوره دوم متوسطه - سراسری نظام قدیم - تجربی - ۷۸ - مرحله اول - ریاضی و دوره دوم متوسطه - سنجش علمی آزمون یار - ۸۰-۸۱ - متوسطه - پیش دانشگاهی - آزمون ۱۱ - تجربی، شماره: ۱۳۷۰۶]



-۲۸- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. بنابر قضیه تالس، اگر خطی موازی یک ضلع مثلثی رسم شود، دو ضلع دیگر را به یک نسبت تقسیم می‌کند، پس:

$$\frac{AC'}{CC'} = \frac{AB'}{BB'} = \frac{3}{10-3} = \frac{3}{7} \Rightarrow AC' = \frac{3}{7} CC'$$

[آزمون یار نگارش دانشآموز، قضیه تالس، دوره دوم متوسطه - سراسری - تجربی - ۶۸ - ریاضی، شماره: ۱۶۲۰۹]

-۲۹- مساحت مثلث ABC برابر است با:

$$\text{S}_{ABC} = \frac{1}{2} BM \times AC = \frac{1}{2} CN \times AB \Rightarrow \frac{1}{2} \times 3 \times 10 = \frac{1}{2} \times 6 \times CN \Rightarrow CN = 5$$

پس گزینه ۳ صحیح است.

[آزمون یار نگارش دانشآموز، مثلث، دوره دوم متوسطه - سراسری - ریاضی - ۶۲ - ریاضی، شماره: ۱۴۶۷۸]

-۳۰- مجموع زوایای n ضلعی منتظم برابر است با $90(4 - \frac{2n}{n})$ و چون تمام زوایا باهم برابر هستند لذا اندازه یک زاویه

$$\text{هر } n \text{ ضلعی منتظم برابر } \frac{90}{n} \text{ درجه می‌باشد. بنابراین:}$$

$$n = \lambda \Rightarrow \frac{12 \times 90}{\lambda} = \text{زاویه} = 135$$

هر گونه کپی برداری از تمامی یا بخشی از این صفحه ممنوع است.

_____ ④ شرکت راهبردهای توین دانش

[آزمون یار نگارش دانشآموز، زوایای داخلی چندضلعی، دوره دوم متوسطه - سراسری - ریاضی - ۷۵ - مرحله دوم، شماره: ۱۵۷۷۶]

تلفن: ۰۳۴۰۰۹۶۶۴۳۱۹۴۸۰، نامبر: ۶۶۴۳۱۹۴۸۰