

۱- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.  $A \cup B = \{a, \{a\}, \{\emptyset\}, \{\}\}$  در نتیجه مجموعه  $A \cup B$ ، ۴ عضو دارد بنابراین دارای  $2^4 = 16$  زیرمجموعه است.

و دوره دوم متوسطه - آزمایشی سنجش - انسانی - سال تحصیلی ۹۰-۹۱ - جامع ۱، شماره: ۲۶۵۱۷۳

۲- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$A_1 \cup A_2 \cup A_n = \{1, 2, \dots, n\} \cup \{2, 3, \dots, n\} \cup \dots \cup \{n\} = \{1, 2, 3, 4, \dots, n\}$$

بررسی گزینه‌ها:

$$\{1, 2, 3, 4, \dots, n-1, n\} \neq \emptyset$$

گزینه (۱): غلط

$$A_n \cup A_{n-1} = \{n\} \cup \{n-1, n\} = \{n-1, n\}$$

گزینه (۲): غلط

$$A_1 \cup A_2 = \{1, 2, \dots, n\} \cup \{2, 3, \dots, n\} = \{1, 2, \dots, n\}$$

گزینه (۳): درست

$$A_1 \cap A_2 = \{1, 2, \dots, n\} \cap \{2, 3, \dots, n\} = \{2, 3, 4, \dots, n\}$$

گزینه (۴): غلط

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس سوم: اجتماع، اشتراک و تقاض، و دوره اول متوسطه - سوالات گردآوری شده - سری ۴ - سال تحصیلی ۹۶-۹۷ - نهم - مرحله ۳، شماره: ۹۷۰۴۷۴

۳- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. استخر ۲ روز در هفته تعطیل است، پس ۵ روز در هفته باز است:

$$\text{احتمال} = \frac{5}{7}$$

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس چهارم: مجموعه ها و احتمال، و دوره اول متوسطه - سوالات گردآوری شده - سری ۴ - سال تحصیلی ۹۶-۹۷ - نهم - مرحله ۳، شماره: ۹۷۰۵۱۷

۴- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به تعریف زیرمجموعه، که می‌توان اعضای اصلی را در نظر گرفت و در یک آکولاد قرار داد، گزینه‌ی ۱ و ۲ صحیح است. از طرف دیگر مجموعه‌ی تهی، زیرمجموعه‌ی هر مجموعه‌ای است لذا گزینه‌ی ۴ نیز زیرمجموعه‌ی A است. از طرف دیگر گزینه‌ی ۳ به لحاظ اینکه اعضا در داخل آکولاد قرار نگرفته، زیرمجموعه نیست.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، زیرمجموعه، تساوی مجموعه ها، و دوره دوم متوسطه - آزمونهای گزینه ۲ - اول دبیرستان - مرحله ۱، شماره: ۱۹۰۰۵۸

۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$A = \{11, 13, 17, 19\}$$

$$B = \{11, 17, x-1, y\}$$

عدد y ممکن است ۱۳ یا ۱۹ باشد، هر دو حالت را بررسی می‌کنیم.

$$y = 13, x - 1 = 19 \Rightarrow x = 20 \Rightarrow x + y = 20 + 13 = 33$$

$$y = 19, x - 1 = 13 \Rightarrow x = 14 \Rightarrow x + y = 14 + 19 = 33$$

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس دوم: مجموعه های برابر و نم، و دوره اول متوسطه - سوالات گردآوری شده - سری ۴ - سال تحصیلی ۹۶-۹۷ - نهم - مرحله ۳، شماره: ۹۷۰۴۷۲

۶- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. مجموعه‌ی مفروض سه‌عضوی است با یک مجموعه‌ی سه‌عضوی متناظر است.  $\{3, 5, 8\}$  [آزمون یار نگارش دانش آموز]، مجموعه اعداد (گنگ، حقیقی و گو، و دوره دوم متوسطه - آزمایشی سنجش - انسانی - ۸۹ - جامع ۳، شماره: ۴۲۸۰۸۹

۷- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. چون  $W \subset Z$  می‌باشد، بنابراین  $W-Z = \emptyset$  خواهد بود. توضیح نکات درسی:

$$A \cap B = \emptyset \Rightarrow \begin{cases} A-B=A \\ B-A=B \end{cases}$$

اگر  $A \subset B$  باشد، آن‌گاه  $A-B = \emptyset$

تشریح گزینه‌های دیگر:

$$N-E = \{1, 2, 3, \dots\} - \{2, 4, \dots\} = \{1, 3, 5, \dots\}$$

گزینه‌ی «۱»:

$$N-E = O$$

$$Z-N = \{\dots, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots\} - \{1, 2, 3, \dots\} = \{\dots, -1, -2, \dots\}$$

گزینه‌ی «۲»:

$$E-O = \{2, 4, 6, \dots\} - \{1, 3, 5, \dots\} = \{2, 4, 6, \dots\}$$

گزینه‌ی «۳»:

$$E-O = E$$

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، مجموعه‌ها، و دوره دوم متوسطه - سوالات گردآوری شده - سری ۱ - سال تحصیلی ۹۰-۸۹ - انسانی - جامع ۲، شماره: ۴۹۷۸۲۸

۸- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. چون مجموعه مرجع  $N$  اعداد طبیعی است.

$n$	۱	۲
${}^2n$	${}^2(1) = 2$	${}^2(2) = 4$

$$A = \{2, 4\}$$

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس سوم: اجتماع، اشتراک و تفاض، و دوره اول متوسطه - سوالات و مطالب تالیفی - سال تحصیلی ۹۵-۹۴ - دوره اول متوسطه (نهم)، شماره: ۸۰۷۱۴۸

۹- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس دوم: مجموعه‌های برابر و نم، و دوره اول متوسطه - سوالات و مطالب تالیفی - سال تحصیلی ۹۵-۹۴ - دوره اول متوسطه (نهم)، شماره: ۸۰۷۱۱۵

۱۰- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، فصل ۱: مجموعه‌ها، و دوره اول متوسطه - سوالات و مطالب تالیفی - سال تحصیلی ۹۸-۹۷ - دوره اول متوسطه (نهم)، شماره: ۱۰۱۵۹۳۰

۱۱- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به تعریف  $A_n$  داریم:

$$A_2 = \{1, 2\}, A_3 = \{1, 2, 3\}, A_4 = \{1, 2, 3, 4\}, A_5 = \{1, 2, 3, 4, 5\}$$

لذا اشتراک چهار مجموعه‌ی بالا برابر  $A_2 = \{1, 2\}$  می‌باشد.

د م متوسطه - سوالات و مطالب تالیفی - انسانی. ۸۰-۸۱. و دوره دوم متوسطه - سوالات و مطالب تالیفی - ریاضی. ۸۰-۸۱. و دوره دوم متوسطه - سوالات و مطالب تالیفی - تجربی. ۸۰-۸۱. شماره: ۸۲۹۵۷

۱۲- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس سوم: اجتماع، اشتراک و تفاض، و دوره اول متوسطه - سوالات و مطالب تالیفی - سال تحصیلی ۹۵-۹۴ - دوره اول متوسطه (نهم)، شماره: ۸۰۷۱۴۶

۱۳- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. در مجموعه، عضوهای تکراری باید حذف شوند.

$$\{\{a, b\}, \{a, \cancel{a}, \cancel{b}, b\}, \dots\} = \{\{a, b\}, \{a, b\}, \dots\} = \{\{a, b\}\}$$



یک مجموعه یک عضوی

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس اول: معرفی مجموعه، و دوره اول متوسطه - سوالات گردآوری شده. - سری ۳ - سال تحصیلی ۹۸-۹۷ - نهم، شماره: ۱۰۰۴۵۱۵

۱۴- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. هیچ‌یک از ویژگی‌های ذکر شده در گزینه‌های ۱، ۲ و ۳ درباره‌ی دو مجموعه‌ی مساوی

درست نیست، ولی واضح است که تهی زیرمجموعه‌ی هر مجموعه‌ی دلخواهی است.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس دوم: مجموعه‌های برابر و نم، و دوره اول متوسطه - سوالات گردآوری شده. - سری ۳ - سال تحصیلی ۹۸-۹۷ - نهم، شماره: ۱۰۰۴۶۰۹

۱۵- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$p = \frac{1}{\sqrt{}} : ۱ \text{ گزینه‌ی ۱}$$

$$p = \frac{1}{4} : ۲ \text{ گزینه‌ی ۲}$$

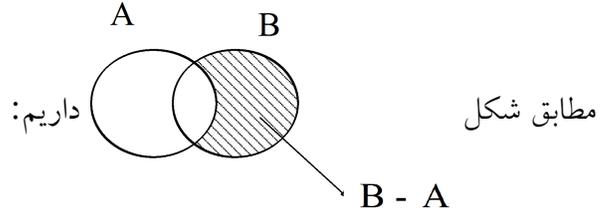
$$p = \frac{1}{4} : ۳ \text{ گزینه‌ی ۳}$$

$$p = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} : ۴ \text{ گزینه‌ی ۴}$$

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، فصل ۱: مجموعه‌ها، و دوره اول متوسطه - سوالات و مطالب تالیفی - سال تحصیلی ۹۹-۹۸ - دوره اول متوسطه (نهم)، شماره: ۱۱۱۶۸۱۳

۱۶- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$A \cup (B - A) = A \cup B$$



پس مجموعه ۷ عضو دارد.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، جبر مجموعه‌ها، و دوره دوم متوسطه - آزمایشی سنجش - انسانی - ۸۶ - مرحله دوم، شماره: ۱۶۱۹۴۵

۱۷- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$$\begin{cases} A \cup B = \{a, b, c, d, e, f, g, h\} \\ B - C = \{d, f\} \end{cases} \Rightarrow (A \cup B) - (B - C) = \{a, b, c, e, g, h\}$$

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، قوانین مجموعه‌ها، و دوره دوم متوسطه - سوالات گردآوری شده - سری ۱ - سال تحصیلی ۹۳-۹۲ - انسانی - مرحله ۱، شماره: ۸۰۵۲۱۱

۱۸- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. زیرا اجتماع اعداد زوج و فرد اعداد طبیعی به وجود می‌آید.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس سوم: اجتماع، اشتراک و تفاض، و دوره اول متوسطه - سوالات و مطالب تالیفی - سال تحصیلی ۹۵-۹۴ - دوره اول متوسطه (نهم)، شماره: ۸۰۷۱۳۷

۱۹- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس دوم: مجموعه‌های برابر و نم، و دوره اول متوسطه - سوالات و مطالب تالیفی - سال تحصیلی ۹۵-۹۴ - دوره اول متوسطه (نهم)، شماره: ۸۰۷۱۱۲

۲۰- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس اول: معرفی مجموعه، و دوره اول متوسطه - سوالات و مطالب تالیفی - سال تحصیلی ۹۵-۹۴ - دوره اول متوسطه (نهم)، شماره: ۸۰۷۰۷۸

۲۱- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. زیرا گزینه ۲ می‌تواند جواب‌های زیادی داشته باشد و کاملاً مشخص نیست می‌تواند سلیقه‌ای باشد.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس اول: معرفی مجموعه، و دوره اول متوسطه - سوالات و مطالب تالیفی - سال تحصیلی ۹۵-۹۴ - دوره اول متوسطه (نهم)، شماره: ۸۰۷۰۷۷

۲۲- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

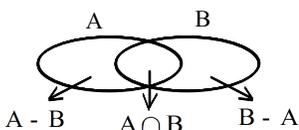
$$\{1, 2, 5, 7\} \cap \{1, 2, 7\} = \{1, 2, 7\} \Rightarrow \text{سه عضو}$$

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، مجموعه‌ها، و دوره دوم متوسطه - آزمایشی سنجش - انسانی - ۸۵ - مرحله سوم، شماره: ۱۲۹۴۵۸

۲۳- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. مجموعه تمام اعداد حقیقی و بزرگتر از ۲  $\Rightarrow \{x : x < 2\}$

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، مجموعه اعداد، و دوره دوم متوسطه - آزمایشی سنجش - انسانی - ۸۳ - جامع ۱، شماره: ۵۹۵۲۶

۲۴- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



$$\begin{aligned} A \cup B &= (A - B) \cup (A \cap B) \cup (B - A) \\ \Rightarrow n(A \cup B) &= n(A - B) + n(A \cap B) + n(B - A) \\ \Rightarrow 9 &= 3 + 2 + n(B - A) \Rightarrow n(B - A) = 4 \end{aligned}$$

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس سوم: اجتماع، اشتراک و تفاض، و دوره اول متوسطه - سوالات گردآوری شده - سری ۴ - سال تحصیلی ۹۷-۹۶ - نهم - مرحله ۲، شماره: ۹۵۸۳۰۸

۲۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. واضح است که اعدادی مانند  $\frac{۳}{۵}$  و  $\frac{۵}{۷}$  در مجموعه A وجود دارد، پس این مجموعه نمی‌تواند زیر مجموعه اعداد صحیح باشد و از طرفی اعدادی همچون  $\frac{۲}{۵}$  و  $\frac{۶}{۷}$  عضو مجموعه A نیست، پس A نمی‌تواند برابر Q باشد (چه برسد به اینکه Q زیرمجموعه A گردد) لذا تنها نتیجه‌ای که می‌توان گرفت، آن است که:  $A \subset Q$

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، مجموعه اعداد گویا، و دوره دوم متوسطه - آزمونهای گزینه ۲ - انسانی - ۸۲ - مرحله ۳، شماره: ۶۴۹۵۷

۲۶- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$A - B = \{۲, ۵\} \quad B - C = \{۷, ۹\} \quad C \cup B = \{۴, ۵, ۷, ۸, ۹\}$$

$$\Rightarrow (C \cup B) - [(A - B) \cup (B - C)] = \{۴, ۵, ۷, ۸, ۹\} - \{۲, ۵, ۷, ۹\} = \{۴, ۸\}$$

بررسی گزینه‌ها:

$$۱) A = \{۴, ۸\} \quad ۲) B = \{۱, ۴, ۹\}$$

$$۳) C = \{۲, ۴, ۶\} \quad ۴) D = \{۶, ۸, ۱۰\}$$

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس سوم: اجتماع، اشتراک و تقاض، و دوره اول متوسطه - سوالات گردآوری شده - سری ۴ - سال تحصیلی ۹۶-۹۷ - نهم - مرحله ۱، شماره: ۹۵۸۲۹۵

۲۷- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

در شمارش برای تعداد عضوهای یک مجموعه، عضوهای تکراری یک بار شمارش می‌شوند. پس اعضای مجموعه را ساده می‌کنیم:

$$-۲^۳, (۳ - n)^۳, \{۸\}, \sqrt{۶۴}, (-۲)^۳$$

$$\downarrow \quad \quad \downarrow \quad \quad \downarrow \quad \quad \downarrow$$

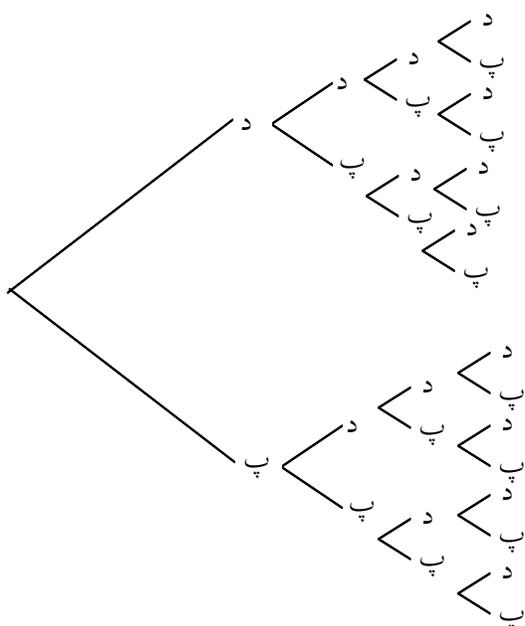
$$-۸ \quad \quad ۲^۳ = ۸ \quad \quad ۸ \quad \quad -۸$$

$$A = \{-۸, ۸, \{۸\}\}$$

پس مجموعه‌ی A، سه عضو دارد.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس اول: معرفی مجموعه، و دوره اول متوسطه - سوالات و مطالب تالیفی - سال تحصیلی ۹۹-۹۸ - دوره اول متوسطه (نهم)، شماره: ۱۱۰۵۵۳۴

۲۸- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.



(D, D, D, D), (D, D, D, P), (D, D, P, D), (D, D, P, P), (D, P, D, D), (D, P, D, P), (D, P, P, D), (D, P, P, P), (P, D, D, D), (P, D, D, P), (P, D, P, D), (P, D, P, P), (P, P, D, D), (P, P, D, P), (P, P, P, D), (P, P, P, P)

$$n(S) = ۱۶$$

$$n(A) = ۱۱$$

هر گونه کپی برداری از تمامی یا بخشی از این صفحه ممنوع است.

۲۹- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس دوم: مجموعه های برابر و نم، و دوره اول متوسطه - سوالات و مطالب تالیفی - سال تحصیلی ۹۵-۹۴ - دوره اول متوسطه (نهم)، شماره: ۸۰۷۱۱۳

۳۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. گوی‌ها را پس از مشاهده به داخل کیسه بازمی‌گردانیم، پس دو گوی ابتدایی در انتخاب سوم تأثیری ندارند:

$$\text{احتمال} = \frac{۵}{۱۲}$$

[آزمون یار نگارش دانش آموز]، درس چهارم: مجموعه ها و احتمال، و دوره اول متوسطه - سوالات گردآوری شده. - سری ۴ - سال تحصیلی ۹۷-۹۶ - نهم - مرحله ۴، شماره: ۹۷۰۵۱۹